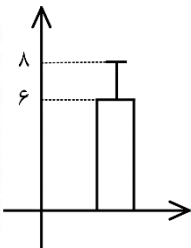
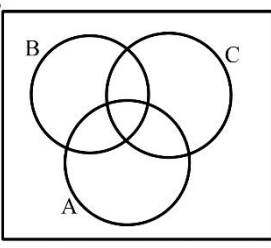


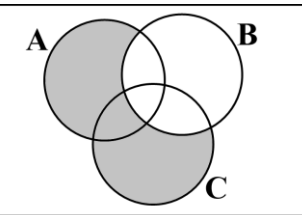
پایه : دوازدهم دوره دوم متوسطه	رشته : ادبیات و علوم انسانی – علوم و معارف اسلامی	تعداد صفحه : ۲	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
سوالات امتحان نهایی درس : ریاضی و آمار ۳	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۰۳	نام و نام خانوادگی :	ساعت شروع : ۱۰ صبح
دانش آموزان روزانه ، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دیماه سال ۱۴۰۱	مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		
ردیف	توجه : استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی ، جذر و درصد) بلامانع است. سوالات (پاسخ نامه دارد)		
نمره			

۱	درستی یا نادرستی عبارت های زیر را مشخص کنید. الف) در گام پنجم چرخه آمار ، نتایج بدست آمده را تفسیر می کنیم و پاسخی برای پرسش اصلی پیدا می کنیم . ب) اختلاف مشترک در دنباله اعداد ... و ۱۲ و ۸ و ۵ و ۲ برابر ۳ است . پ) نمودار تابع نمایی $y = 3^{-x}$ ، نموداری کاهشی است . ت) در شکل مقابل انحراف معیار و میانگین به ترتیب ۶ و ۸ است . 	۱
۲	جای خالی را با عبارت مناسب تکمیل کنید. الف) اگر داده ها برابر باشند دامنه تغییرات آن ها می شود . ب) تعداد جایگشت های مختلف ۴ کتاب متمایز می باشد . پ) مجموعه تهی را پیشامد می نامند . ت) ریشه سوم عدد -1000 برابر است .	۱
۳	با ارقام ۰ و ۱ و ۲ و ۳ و ۴ و ۵ و ۶ و بدون تکرار ارقام ، چند عدد ۳ رقمی زوج می توان نوشت ؟	۱/۲۵
۴	مجموعه $A = \{a, b, c, d, e, f\}$ را در نظر بگیرید : الف) A چند زیرمجموعه ی ۳ عضوی دارد ؟ ب) A چند زیرمجموعه ی ۴ عضوی شامل دو عضو b, c می باشد ؟	۱/۲۵
۵	دو تاس را با هم پرتاب می کنیم ، A را پیشامد آنکه اعداد آمده از دو تاس یکسان باشند و B را پیشامد آنکه مجموع اعداد آمده از دو تاس مساوی ۸ باشند ، در نظر می گیریم : الف) پیشامد های A و B را مشخص کنید . ب) آیا A و B ناسازگارند ؟ چرا؟	۱/۵
۶	از جعبه ای که شامل ۵ مهره آبی و ۷ مهره قرمز است ، ۳ مهره به تصادف انتخاب می کنیم . احتمال آن را حساب کنید که حداکثر ۲ مهره از مهره های انتخاب شده ، قرمز باشند .	۱/۵
۷	اگر A, B, C سه پیشامد از فضای نمونه ای S باشند ، پیشامد آنکه "A یا C رخ دهد ولی B رخ ندهد" را در شکل مقابل سایه بزنید . 	۰/۵

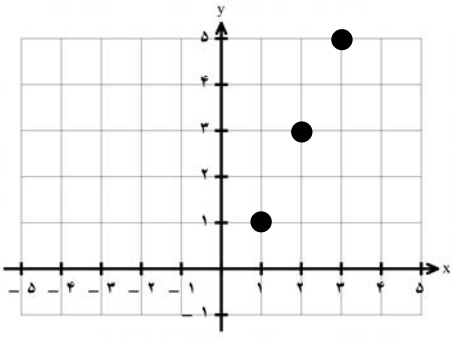
« ادامه سوالات در صفحه دوم »

پایه : دوازدهم دوره دوم متوسطه	رشته : ادبیات و علوم انسانی – علوم و معارف اسلامی	تعداد صفحه : ۲	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
سوالات امتحان نهایی درس : ریاضی و آمار ۳	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۰۳	نام و نام خانوادگی :	ساعت شروع : ۱۰ صبح
دانش آموزان روزانه ، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دیماه سال ۱۴۰۱	مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		
ردیف	توجه : استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی ، جذر و درصد) بلامانع است. سوالات (پاسخ نامه دارد)		
	نمره		

۸	درصد قبولی دانش آموزان دو مدرسه A , B در درس ریاضی ، به ترتیب ۶۵ درصد و ۸۰ درصد بوده است . تعداد قبولی دانش آموزان کدام مدرسه بیشتر است ؟ چرا ؟	۰/۷۵
۹	اگر ضابطه تابعی (جمله عمومی) دنباله ای $a_n = 2n - 1$ باشد : (الف) جمله اول دنباله را بنویسید . (ب) رابطه ی بازگشتی دنباله را مشخص کنید . (ج) نمودار دنباله را برای ۳ جمله اول رسم کنید .	۲/۲۵
۱۰	جمله اول یک دنباله ی حسابی ۵ و جمله ی دهم آن ۳۲ است : (الف) اختلاف مشترک را بیابید . (ب) مجموع ۲۰ جمله اول آن را بدست آورید .	۲
۱۱	با توجه به دنباله های $c_n = \left(\frac{-1}{2}\right)^{n-1}$, $b_n = 2n^2 + 1$, $a_n = \frac{2n-1}{n+1}$, حاصل عبارت $b_3 - a_2 + c_3$ را بیابید.	۱
۱۲	اگر $x+3$, x , $x-1$ سه جمله ی متوالی یک دنباله ی هندسی باشند ، مقدار x را بدست آورید .	۱
۱۳	با توجه به دنباله هندسی $\frac{1}{27}, \frac{1}{9}, \frac{1}{3}, \dots$ حاصل $\frac{a_8}{a_3}$ را بدست آورید .	۱
۱۴	مقدار x را در تساوی زیر بدست آورید . $\frac{x^6 \times 14^2}{2 \times 2^4 \times 2^3} = 7^8$	۱
۱۵	عدد توان دار را بصورت رادیکالی و عدد رادیکالی را بصورت عدد توان دار بنویسید . (الف) $13^{\frac{5}{8}}$ (ب) $\sqrt[3]{17^2}$	۱
۱۶	الف) به کمک جدول ، تابع $y = 2^x$ را رسم کنید . ب) مقدار تقریبی $2^{\frac{3}{2}}$ را از روی نمودار الف بدست آورید .	۱/۲۵
۱۷	جمعیت کشوری در پایان سال ۲۰۲۲ میلادی حدود ۴۰ میلیون نفر برآورد شده است . اگر رشد جمعیت این کشور با نرخ یک درصد در حال کاهش باشد ، جمعیت آن کشور در پایان سال ۲۰۲۴ چند نفر خواهد بود ؟	۰/۷۵
۲۰	جمع نمره	«موفق باشید»

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ادبیات و علوم انسانی – علوم و معارف اسلامی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی و آمار ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۰۳		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۱	
ردیف	راهنمای تصحیح	نمره	
۱	الف) درست (۰/۲۵) ب) نادرست (۰/۲۵) پ) درست (۰/۲۵) ت) نادرست (۰/۲۵)	۱	
۲	الف) صفر (۰/۲۵) ب) $۲۴ = ۴!$ (۰/۲۵) پ) غیرممکن (نشدنی) (۰/۲۵) ت) -۱۰ (۰/۲۵)	۱	
۳	$\begin{array}{r} \xrightarrow{\quad} \frac{۶}{۵} \quad \frac{۵}{۳} \quad \frac{۱}{۲} \rightarrow ۳۰ \quad (۰/۵) \\ \rightarrow ۳۰ + ۷۵ = ۱۰۵ \quad (۰/۲۵) \\ \xrightarrow{\quad} \frac{۵}{۳} \quad \frac{۵}{۲} \quad \frac{۳}{۲} \rightarrow ۷۵ \quad (۰/۵) \\ \text{و } ۴ \text{ و } ۲ \end{array}$	۱/۲۵	
۴	الف) $\left(\frac{۶}{۳}\right) = \frac{۶!}{۳!۳!} = \frac{۶ \times ۵ \times ۴}{۳ \times ۲ \times ۱} = ۲۰ \quad (۰/۲۵)$ ب) $\left(\frac{۴}{۲}\right) = \frac{۴!}{۲!۲!} = \frac{۴ \times ۳}{۲ \times ۱} = ۶ \quad (۰/۲۵)$	۰/۵ ۰/۷۵	
۵	الف) $A = \{(۱,۱), (۲,۲), (۳,۳), (۴,۴), (۵,۵), (۶,۶)\} \quad (۰/۵)$ $B = \{(۲,۶), (۳,۵), (۴,۴), (۵,۳), (۶,۲)\} \quad (۰/۵)$ ب) $A \cap B = \{(۴,۴)\} \rightarrow$ ناسازگار نیستند $(۰/۲۵)$	۰/۵	
۶	راه اول: $\frac{\binom{۷}{۰}\binom{۵}{۳} + \binom{۷}{۱}\binom{۵}{۲} + \binom{۷}{۲}\binom{۵}{۱}}{\binom{۱۲}{۳}} = \frac{۱۸۵}{۲۲۰} = \frac{۳۷}{۴۴} \quad (۰/۵)$ راه دوم: $P(A) = 1 - \frac{۷}{۴۴} = \frac{۳۷}{۴۴} \quad (۰/۵)$ $\frac{\binom{۷}{۳}\binom{۵}{۰}}{\binom{۱۲}{۳}} = \frac{۳۵}{۲۲۰} = \frac{۷}{۴۴} \quad (۰/۵)$ هر ۳ مهره قرمز $\rightarrow$ متمم A $\rightarrow$	۱/۵	
۷	 $(۰/۵)$	۰/۵	
۸	نمی توان نظری داد ، چون گزارش درصد باید همیشه با گزارش تعداد همراه باشد. $(۰/۲۵)$	۰/۷۵	

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ادبیات و علوم انسانی – علوم و معارف اسلامی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی و آمار ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۰۳		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۱	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
۰/۷۵ ۰/۷۵ ۰/۷۵	هر جمله (هر عدد) (۰/۲۵) (الف) $a_1 = 1$ $a_r = 3$ $a_r = 5$ (ب) $a_{n+1} = a_n + 2$, $a_1 = 1$ (ج) هر نقطه ۰/۲۵ 	۹
۱ ۱	(الف) $a_1 = a_1 + 9d = 32$ (۰/۵) (ب) $9d = 27 \rightarrow \boxed{d = 3}$ (۰/۵) $S_n = \frac{n}{2}[2a + (n-1)d] \rightarrow S_r = \frac{r}{2}[2(5) + 19(3)] = 670$ (۰/۲۵) (۰/۵) (۰/۲۵)	۱۰
۱	$b_r - a_r + c_r = 2(3)^r + 1 - \frac{2(2)-1}{2+1} + (-\frac{1}{2})^{r-1} \rightarrow 19 - 1 + \frac{1}{4} = \frac{73}{4}$ یا $18\frac{1}{4}$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)	۱۱
۱	$x^2 = (x-1)(x+3)$ (۰/۵) $x^2 = x^2 + 2x - 3 \rightarrow 2x = 3 \rightarrow \boxed{x = \frac{3}{2}}$ (۰/۲۵)	۱۲
۱	راه اول (فرمول): (۰/۲۵) (۰/۵) $a_n = \frac{1}{27}(3)^{n-1} \rightarrow \frac{a_8}{a_r} = \frac{\frac{1}{27} \times 3^7}{\frac{1}{3}} = \frac{3^6}{3} = 243$ (۰/۲۵) راه دوم: $\frac{1}{27}, \frac{1}{9}, \frac{1}{3}, 1, 3, 9, 27, 81 \rightarrow \frac{a_8}{a_r} = \frac{81}{3} = 243$ (۰/۵)	۱۳
۱	$\frac{x^6 \times 14^2}{3^8} = 7^8 \rightarrow x^6 \times 14^2 = 7^8 \times 3^8$ (۰/۲۵) $x^6 \times 14^2 = 14^8$ (۰/۲۵) $\rightarrow x^6 = 14^6$ (۰/۲۵) $x = 14$ (۰/۲۵)	۱۴
۱	(الف) $\sqrt[3]{135}$ (۰/۵) (ب) $17^{\frac{2}{3}}$ (۰/۵)	۱۵

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ادبیات و علوم انسانی – علوم و معارف اسلامی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی و آمار ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۰۳		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۱	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره								
۱۶	(الف) <table><tr><td>X</td><td>-۱</td><td>۰</td><td>۱</td></tr><tr><td>y</td><td>$\frac{۱}{۲}$</td><td>۱</td><td>۲</td></tr></table> (۰/۲۵) (ب) عددی بین ۲ و ۳ یا عددی نزدیک به ۳ (۰/۵) (اگر روی نمودار مشخص کرد نمره کامل داده شود)	X	-۱	۰	۱	y	$\frac{۱}{۲}$	۱	۲	۱/۲۵
X	-۱	۰	۱							
y	$\frac{۱}{۲}$	۱	۲							
۱۷	$f(t) = c(1-r)^t$ $۴۰ \dots \dots (1-۰/۰۱)^۲ = ۴۰ \dots \dots \times ۰/۹۹^۲ = ۳۹\ ۲۰۴ \dots$ (۰/۲۵) (۰/۵)	۰/۷۵								
	" درنهایت، نظر همکاران محترم صائب است "	۲۰								